

**Examen 2ème session (1h30)**

L3 SPC - Propriétés électromagnétiques

*Documents et calculatrice interdits.*

*La qualité de la rédaction sera valorisée. Toutes les réponses devront être justifiées.*

---

## 1 Questions

1. On considère une sphère uniformément polarisée de polarisation  $\vec{P} = P\vec{e}_z$ . Déterminer les densités volumique et surfacique de charges de polarisation. Représenter le vecteur polarisation et les charges de polarisation sur une figure.
2. a) Décrire les différents mécanismes microscopiques à l'origine de la polarisation d'un milieu diélectrique.  
b) Comment peut-on distinguer ces différents mécanismes ?
3. Que se passe-t-il quand un paquet d'ondes, composé de plusieurs ondes planes de pulsations différentes, se propage dans un milieu diélectrique dispersif ?
4. Discuter de la variation de l'aimantation  $\vec{M}$  d'un milieu paramagnétique en fonction de la température. On précisera les conditions (champ magnétique, température).
3. a) Les matériaux ferromagnétiques présentent de l'hystérésis. Qu'est-ce que cela signifie ?  
b) Qu'est-ce qui distingue les matériaux ferromagnétiques doux et durs ? Dans quels types d'applications sont utilisés ces matériaux ?

## 2 Propagation d'une onde

**Propagation dans un milieu d'indice réel :** on considère la propagation d'une onde électromagnétique dans un milieu diélectrique linéaire, homogène, isotrope, transparent, non magnétique d'indice  $n$ . On considère que le milieu est non chargé et très bon isolant (on considère qu'il n'y a pas de courant libre dans le milieu).

1. Ecrire les équations de Maxwell sous forme locale dans le milieu en fonction de  $n$ .

L'onde électromagnétique est une onde plane progressive harmonique de pulsation  $\omega$  et de vecteur d'onde  $\vec{k}$ . On considère que l'onde se propage selon l'axe ( $Oz$ ) dans la direction des  $z$  croissants et est polarisée rectilignement selon  $\vec{e}_x$ . On note  $E_0$  l'amplitude du champ électrique.

2. a) Comment s'écrit le vecteur d'onde ? Quelle est la vitesse de propagation de l'onde ?  
b) Ecrire le champ électrique et le champ magnétique associés à cette onde. On utilisera la notation complexe. Que peut-on dire du vecteur d'onde, du champ électrique et du champ

magnétique ? Justifier.

3. Déterminer la valeur moyenne du vecteur de Poynting (moyenne sur une période d'oscillation de l'onde). En déduire la puissance moyenne traversant une surface d'aire  $S$  orthogonale à la direction de propagation de l'onde et orientée dans le sens de propagation de l'onde.

**Propagation dans un milieu d'indice complexe** : on considère maintenant que le milieu a un indice complexe  $\underline{n} = n_1 + in_2$ .

3. Comment s'écrit le vecteur d'onde dans ce cas ? Ecrire les champs électrique et magnétique, complexes et réels, associés à l'onde électromagnétique.

Le milieu considéré est caractérisé par sa susceptibilité diélectrique complexe :

$$\underline{\chi}_e(\omega) = \frac{\omega_p^2}{(\omega_0^2 - \omega^2 - i\omega/\tau)}$$

avec  $\omega_p$  la pulsation plasma. On rappelle que  $\omega_0 \gg 1/\tau$ .

4. a) Quel modèle est à l'origine de cette expression pour  $\underline{\chi}_e$  ? Que représentent  $\omega_0$  et  $\tau$  ?  
b) Ecrire la relation reliant  $\underline{\chi}_e$  à l'indice complexe  $\underline{n}$  du milieu.

5. Déterminer la partie réelle  $\chi_r$  et la partie imaginaire  $\chi_i$  de la susceptibilité complexe  $\underline{\chi}_e$ . Représenter  $\chi_r$  et  $\chi_i$  en fonction de  $\omega$ .

6. a) Pour quelle pulsation  $\omega_{max}$  l'absorption est-elle maximale ? Donner l'expression de la susceptibilité complexe pour  $\omega = \omega_{max}$ .  
b) Déterminer l'indice de réfraction et l'indice d'absorption du milieu à la pulsation  $\omega_{max}$ . On considèrera que l'indice de réfraction est grand devant l'indice d'absorption.

**On donne** :  $\vec{A} \wedge (\vec{B} \wedge \vec{C}) = (\vec{A} \cdot \vec{C})\vec{B} - (\vec{A} \cdot \vec{B})\vec{C}$

Pour  $\vec{A}$  et  $\vec{C}$  qui s'écrivent en notation complexe  $\vec{A} = \underline{A}_m e^{-i\omega t}$  et  $\vec{C} = \underline{C}_m e^{-i\omega t}$ , les valeurs moyennes de  $\vec{A} \cdot \vec{C}$  et  $\vec{A} \wedge \vec{C}$  sur une période d'oscillation s'écrivent respectivement :

$$\langle \vec{A} \cdot \vec{C} \rangle = \frac{1}{2} \mathcal{R}e(\underline{A} \cdot \underline{C}^*) \quad \text{et} \quad \langle \vec{A} \wedge \vec{C} \rangle = \frac{1}{2} \mathcal{R}e(\underline{A} \wedge \underline{C}^*)$$